

Zad.1. Obliczyć pochodne funkcji:

$$a) y = 4x^9 - 6x + 2 - 4\sqrt{x} + 2\sqrt[3]{x}$$

$$b) y = \frac{\sqrt[4]{x} - x^2}{\sqrt{x}}$$

$$c) y = (6^x - 6x)(\ln x - e^x)$$

$$d) y = \frac{3\sin x}{x + 2\log x}$$

Zad.2. Wyznaczyć ekstrema lokalne oraz przedziały monotoniczności funkcji

$$f(x) = \frac{x^4}{4} - 2x^3 + \frac{11x^2}{2} - 6x$$

Zad.3. Wyznaczyć ekstrema globalne (najmniejszą i największą wartość) funkcji

$$f(x) = \frac{x}{x^2 + 1} \text{ w przedziale } [0,2].$$

Odpowiedzi:

Zad.1.

$$a) y' = 36x^8 - 6 - \frac{2}{\sqrt{x}} + \frac{2}{3\sqrt[3]{x^2}} \quad b) y' = -\frac{1}{4x^4\sqrt{x}} - \frac{3}{2}\sqrt{x}$$

$$c) y' = (6^x \ln 6 - 6)(\ln x - e^x) + (6^x - 6x)\left(\frac{1}{x} - e^x\right) \quad d) y' = \frac{3\cos x(x + 2\log x) - 3\sin x\left(1 + \frac{2}{x \ln 10}\right)}{(x + 2\log x)^2}$$

Zad.2.

Funkcja jest rosnąca w przedziałach: (1, 2), (3, ∞), malejąca w (-∞, 1) oraz w (2, 3).

$$f_{\min}(1) = \dots \quad f_{\max}(2) = \dots \quad f_{\min}(3) = \dots$$

Zad.3.

$$f_{\min \text{ glob}}(0) = 0 \quad f_{\max \text{ glob}}(1) = 0,5$$